

Correctif des exercices de révisions : Factorisation

Vérifie également que tu as bien mis un signe = entre les différentes étapes, il ne faut pas

utiliser le signe \Leftrightarrow car nous ne sommes pas dans la résolution d'équation.

Si tu as mis beaucoup de temps et d'énergie pour le faire ou si tu as fait plus de 5 erreurs il faut que tu recommences cet exercice d'ici quelques jours. Bon courage.

Question 1

$$1) (x - 3) + 2(x - 3) = (x - 3)(1 + 2) = 3(x - 3)$$

$$2) y(x - 3) + z(x - 3) = (x - 3)(y + z)$$

$$3) 4(x + 2) - (x + 2) = (x + 2)(4 - 1) = 3(x + 2)$$

$$4) 5(x + 2) - 3y(x + 2) = (x + 2)(5 - 3y)$$

$$5) (4y + 5)(t - 1) + (2y + 7)(t - 1) = (t - 1)(4y + 5 + 2y + 7) = (t - 1)(6y + 12)$$

$$6) (4y + 5)(t - 1) - (2y + 7)(t - 1) = (t - 1)(4y + 5 - (2y + 7)) = (t - 1)(2y - 2)$$

$$7) (t - 1)^2 - (2y + 7)(t - 1) = (t - 1)(t - 1 - (2y + 7)) = (t - 1)(t - 2y - 8)$$

$$8) (4x + 7)(a - b) - (a - b)^2 = (a - b)(4x + 7 - (a - b)) = (a - b)(4x + 7 - a + b)$$

$$9) 15a^4b^2 - 25a^3b^3 + 35a^2b^4 = 5a^2b^2(3a^2 - 5ab + 7b^2)$$

$$10) 14a^2b + 28a^2c = 14a^2(b + 2c)$$

$$11) x^2(u - v) - x(u - v) = (u - v)(x^2 - x) = x(u - v)(x - 1)$$

$$12) xy^2(b + a) - x^2y(b + a) = (b + a)(xy^2 - x^2y) = xy(b + a)(y - x)$$

$$13) (a - b)(x + t) - (x + t)(2a - b) = (x + t)(a - b - (2a - b)) = (x + t)(-a) = -a(x + t)$$

$$14) x^4 - x^2 = x^2(x^2 - 1) = x^2(x - 1)(x + 1)$$

$$15) x^4 + x^2 = x^2(x^2 + 1) \text{ et tu ne peux pas aller plus loin car } x^2 + 1 \text{ n'est pas factorisable}$$

$$16) (81x^4 - 16y^4) = (9x^2 - 4y^2)(9x^2 + 4y^2) = (3x - 2y)(3x + 2y)(9x^2 + 4y^2)$$

$$17) \left(\frac{1}{3} - 5b^2\right) = \left(\sqrt{\frac{1}{3}} - \sqrt{5}b\right)\left(\sqrt{\frac{1}{3}} + \sqrt{5}b\right) = \left(\frac{\sqrt{3}}{3} - \sqrt{5}b\right)\left(\frac{\sqrt{3}}{3} + \sqrt{5}b\right)$$

$$18) x^2 - 16 = (x - 4)(x + 4)$$

$$19) 4x^2 + 12x + 9 = (2x + 3)^2$$

$$20) x^3y^2z - x^2yz = x^2yz(xy - 1)$$

$$21) 28ab + 14cd = 14(2ab + cd)$$

$$22) 121x^6 - 22x^3 + 1 = (11x^3 - 1)^2$$

$$23) 169 - x^4 = (13 - x^2)(13 + x^2) = (\sqrt{13} - x)(\sqrt{13} + x)(13 + x^2)$$

$$24) 50x^8 - 8x^4 = 2x^4(25x^4 - 4) = 2x^4(5x^2 - 2)(5x^2 + 2) = 2x^4(\sqrt{5}x - \sqrt{2})(\sqrt{5}x + \sqrt{2})(5x^2 + 2)$$

$$25) 3a^2 + 6ab + 3b^2 = 3(a^2 + 2ab + b^2) = 3(a + b)^2$$

$$26) 144x^3 - 196x = x(144x^2 - 196) = x(12x - 14)(12x + 14) = x \cdot 2(6x - 7) \cdot 2 \cdot (6x + 7) = 4x(6x - 7)(6x + 7)$$

$$27) 27x^9y^4z^5 + 9x^7y^4z^3 = 9x^7y^4z^3(3x^2z^2 + 1)$$