

GYMNASE DE BURIER

## Chapitre 8 - Trigonométrie I

Sarah Dégallier Rochat

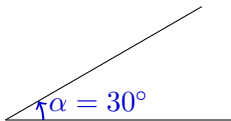
## 1. Mesure d'angles

# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.

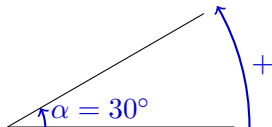
# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



# 1. Mesure d'angles

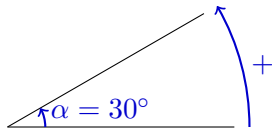
Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles d'une montre**.

# 1. Mesure d'angles

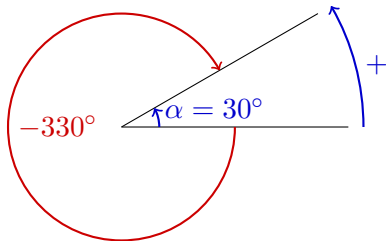
Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles d'une montre**. Un tour complet mesure  **$360^\circ$** .

# 1. Mesure d'angles

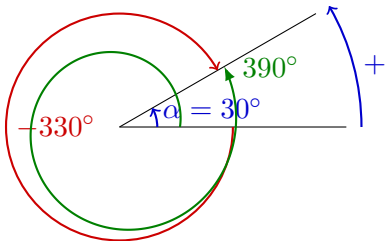
Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles d'une montre**. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .

# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.

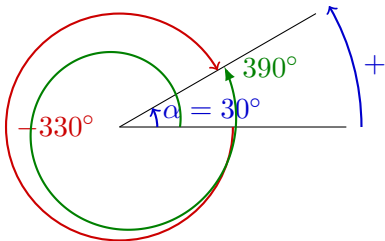


On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles d'une montre**. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .



# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.

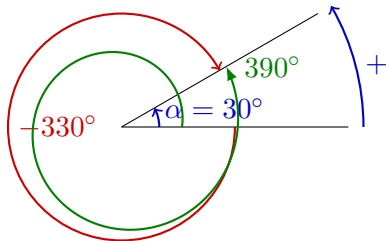


On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles** d'une montre. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .

Une rotation de  $30^\circ$  est équivalente à une rotation de  $30^\circ$  plus ou moins des tours complets, par exemple  $30 + 360 = 390^\circ$  ou  $30 - 360 = -330^\circ$ .

# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.

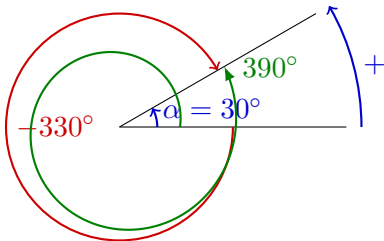


On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles** d'une montre. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .

Une rotation de  $30^\circ$  est équivalente à une rotation de  $30^\circ$  plus ou moins des tours complets, par exemple  $30 + 360 = 390^\circ$  ou  $30 - 360 = -330^\circ$ . Ce sont trois mesures du **même angle**.

# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



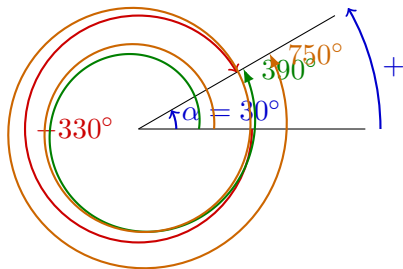
On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles** d'une montre. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .

Une rotation de  $30^\circ$  est équivalente à une rotation de  $30^\circ$  plus ou moins des tours complets, par exemple  $30 + 360 = 390^\circ$  ou  $30 - 360 = -330^\circ$ . Ce sont trois mesures du **même angle**.

Plus généralement, l'expression  $\alpha + 360 \cdot k$  avec  $k \in \mathbb{Z}$  dénote toutes des mesures possibles de l'angle  $\alpha$ .

# 1. Mesure d'angles

Un **angle** est une grandeur permettant de décrire l'**amplitude d'une rotation**.



On mesure les angles dans le **sens contraire des aiguilles** d'une montre. Un tour complet mesure  $360^\circ$ .

Une rotation de  $30^\circ$  est équivalente à une rotation de  $30^\circ$  plus ou moins des tours complets, par exemple  $30 + 360 = 390^\circ$  ou  $30 - 360 = -330^\circ$ . Ce sont trois mesures du **même angle**.

Plus généralement, l'expression  $\alpha + 360 \cdot k$  avec  $k \in \mathbb{Z}$  dénote toutes des mesures possibles de l'angle  $\alpha$ .

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$

2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$

2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$

3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$



Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$

2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$

3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$

4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$

2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$

3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$

4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$

5.  $50 - 2 \cdot 360 = 50 - 720 = -670^\circ$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$
2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$
3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$
4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$
5.  $50 - 2 \cdot 360 = 50 - 720 = -670^\circ$

Remarque 1.1 Pour dénoter **toutes les mesures possibles** de l'angle  $\alpha = 50^\circ$ , on écrira :

$$\alpha =$$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$
2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$
3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$
4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$
5.  $50 - 2 \cdot 360 = 50 - 720 = -670^\circ$

Remarque 1.1 Pour dénoter **toutes les mesures possibles** de l'angle  $\alpha = 50^\circ$ , on écrira :

$$\alpha = 50 + k \cdot 360^\circ$$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

1.  $50^\circ$
2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$
3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$
4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$
5.  $50 - 2 \cdot 360 = 50 - 720 = -670^\circ$

Remarque 1.1 Pour dénoter **toutes les mesures possibles** de l'angle  $\alpha = 50^\circ$ , on écrira :

$$\alpha = 50 + k \cdot 360^\circ, \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

Exemple 1.1 Donner toutes les mesures de l'angle  $\alpha = 50^\circ$  entre  $-1000^\circ$  et  $1000^\circ$ .

On a :

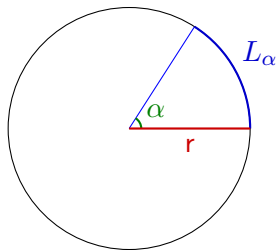
1.  $50^\circ$
2.  $50 + 1 \cdot 360 = 410^\circ$
3.  $50 + 2 \cdot 360 = 50 + 720 = 770^\circ$
4.  $50 - 1 \cdot 360 = -310^\circ$
5.  $50 - 2 \cdot 360 = 50 - 720 = -670^\circ$

Remarque 1.1 Pour dénoter **toutes les mesures possibles** de l'angle  $\alpha = 50^\circ$ , on écrira :

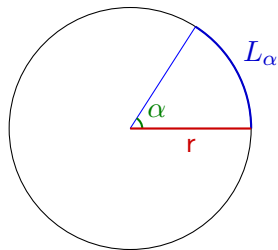
$$\alpha = 50 + k \cdot 360^\circ, \text{ avec } k \in \mathbb{Z}$$

où  $k \in \mathbb{Z}$  signifie que  $k$  est un nombre entier positif ou négatif.

# Radians



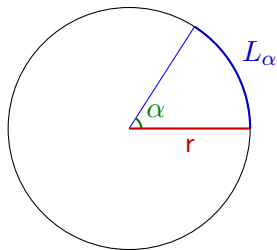
# Radians



On appelle la longueur  $L_\alpha$  la longueur d'arc interceptée par l'angle  $\alpha$ . Cette longueur dépend du rayon du cercle  $r$ .



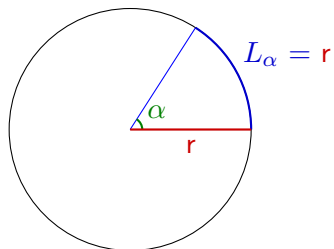
# Radians



On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du cercle  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon du cercle** :

# Radians

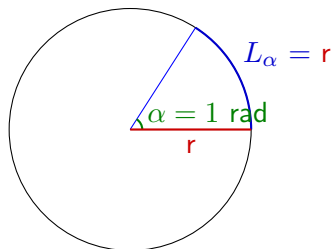


On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du cercle  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon** du cercle :

$$\alpha = 1 \text{ rad} \Leftrightarrow L_\alpha = r$$

# Radians

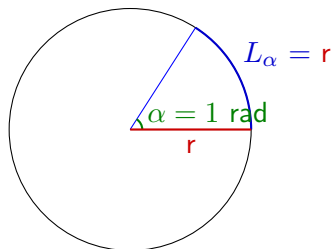


On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du **cercle**  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon du cercle** :

$$\alpha = 1 \text{ rad} \Leftrightarrow L_\alpha = r$$

# Radians

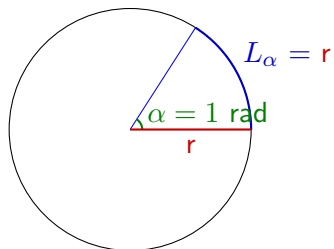


On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du cercle  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon du cercle** :

$$\alpha = 1 \text{ rad} \Leftrightarrow L_\alpha = r$$

# Radians

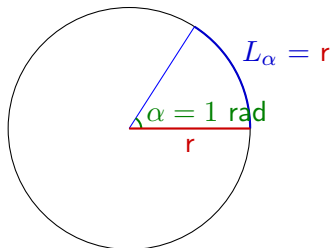


On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du cercle  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon du cercle** :

$$\alpha = 1 \text{ rad} \Leftrightarrow L_\alpha = r$$

# Radians



On appelle la longueur  $L_\alpha$  la **longueur d'arc** interceptée par l'**angle**  $\alpha$ . Cette longueur dépend du **rayon** du **cercle**  $r$ .

On dit qu'un angle vaut **1 radian** [rad] si la **longueur d'arc** qu'il intercepte est égale au **rayon du cercle** :

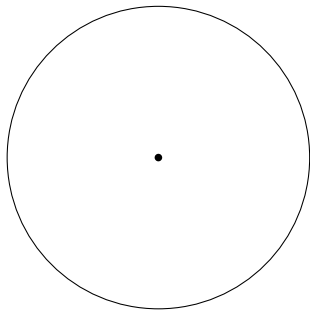
$$\alpha = 1 \text{ rad} \Leftrightarrow L_\alpha = r$$

Si la **longueur de l'arc** vaut  $L_\alpha$  et le rayon  $r$ , l'**angle correspondant**  $\alpha$  sera donné par :

$$\alpha = \frac{L_\alpha}{r}$$

## Passage de radians en degrés

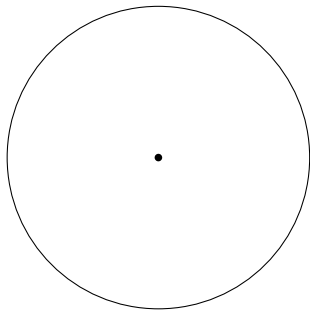
La circonférence d'un cercle vaut



## Passage de radians en degrés

La circonférence d'un cercle vaut

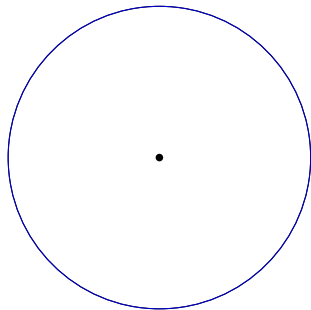
$$L = 2\pi r$$





## Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut

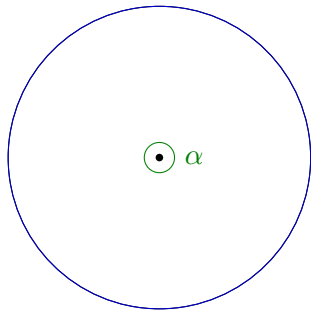
$$L = 2\pi r$$

# Passage de radians en degrés

$$L_\alpha = 2\pi r$$

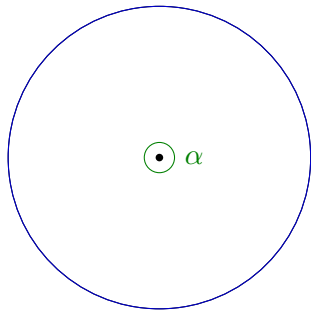
La circonférence d'un cercle vaut

$$L = 2\pi r$$



# Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut

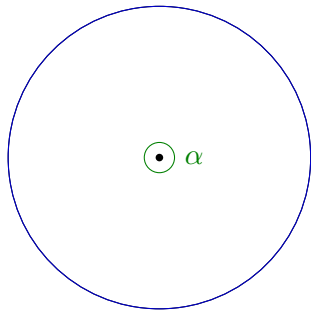
$$L = 2\pi r$$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r}$$

## Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut

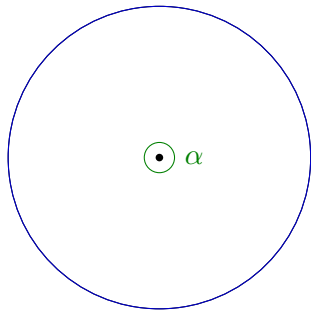
$$L = 2\pi r$$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r}$$

## Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



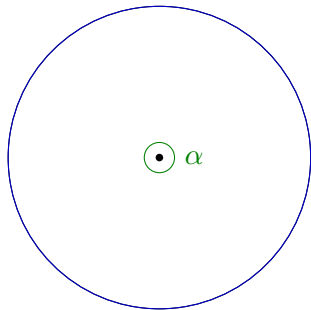
La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

# Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

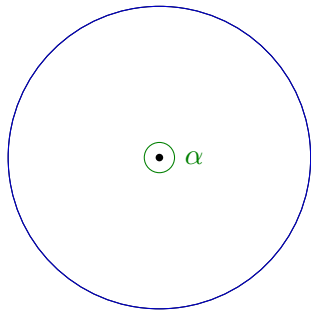
L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

En degrés, cet angle vaut :

## Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

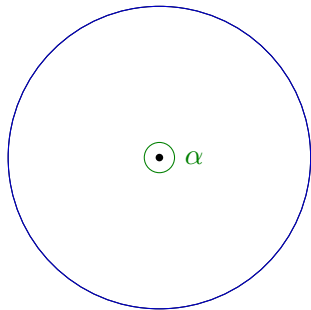
L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^{\circ}$ .

# Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



On a donc :

La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

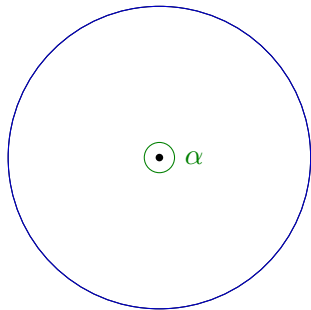
En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^{\circ}$ .

$$2\pi \text{ rad} \leftrightarrow 360^{\circ}$$



# Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



On a donc :

La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

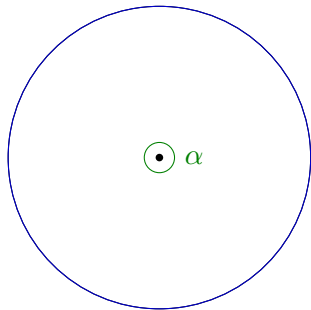
$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^{\circ}$ .

$$\begin{aligned} 2\pi \text{ rad} &\leftrightarrow 360^{\circ} \\ \Leftrightarrow \pi \text{ rad} &\leftrightarrow 180^{\circ} \end{aligned}$$

# Passage de radians en degrés

$$L_\alpha = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_\alpha}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

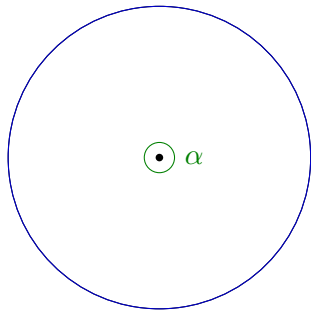
En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^\circ$ .

On a donc :

$$\begin{aligned} 2\pi \text{ rad} &\leftrightarrow 360^\circ \\ \Leftrightarrow \pi \text{ rad} &\leftrightarrow 180^\circ \\ \Leftrightarrow 1 \text{ rad} & \end{aligned}$$

# Passage de radians en degrés

$$L_{\alpha} = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_{\alpha}}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

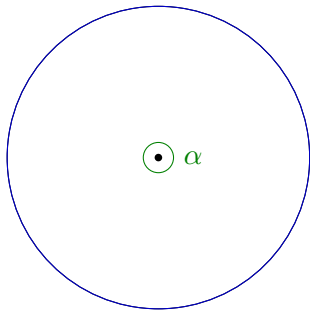
En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^{\circ}$ .

On a donc :

$$\begin{aligned} 2\pi \text{ rad} &\leftrightarrow 360^{\circ} \\ \Leftrightarrow \pi \text{ rad} &\leftrightarrow 180^{\circ} \\ \Leftrightarrow 1 \text{ rad} &\leftrightarrow \left(\frac{180}{\pi}\right)^{\circ} \end{aligned}$$

# Passage de radians en degrés

$$L_\alpha = 2\pi r$$



La circonférence d'un cercle vaut  
 $L = 2\pi r$

L'angle  $\alpha$  vaut donc :

$$\alpha = \frac{L_\alpha}{r} = \frac{2\pi r}{r} = 2\pi \text{ rad}$$

En degrés, cet angle vaut :  $\alpha = 360^\circ$ .

On a donc :

$$\begin{aligned} 2\pi \text{ rad} &\leftrightarrow 360^\circ \\ \Leftrightarrow \pi \text{ rad} &\leftrightarrow 180^\circ \\ \Leftrightarrow 1 \text{ rad} &\leftrightarrow \left(\frac{180}{\pi}\right)^\circ \approx 57.3^\circ \end{aligned}$$

Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians	degrés
---------	--------

$\pi$	180
-------	-----

5	
---	--

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians    degrés

$$\frac{\pi}{5} \rightarrow 180$$

$$\underline{5 \cdot 180}$$

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians    degrés

$$\begin{array}{ccc} \pi & \xleftarrow{\text{red}} & 180 \\ 5 & \xrightarrow{\text{green}} & \end{array}$$

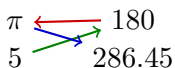
$$\frac{5 \cdot 180}{\pi}$$



### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45

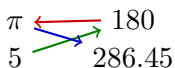


$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45



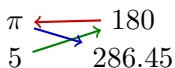
$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45




$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$		180
5		286.45

$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

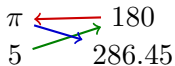
radians      degrés

$\pi$	180
	30

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45



$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

radians      degrés

$\pi$       180  
30

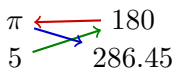


$$\frac{30 \cdot \pi}{180}$$

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians    degrés

$\pi$     180  
5    286.45



$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

radians    degrés

$\pi$     180  
30



$$\frac{30 \cdot \pi}{180}$$

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45

$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

radians      degrés

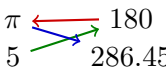
$\pi$       180  
 $\frac{\pi}{6}$       30

$$\frac{30 \cdot \pi}{180} = \frac{\pi}{6} \text{ radians}$$

### Exemple 1.1 Combien valent 5 radians en degré ?

radians      degrés

$\pi$       180  
5      286.45



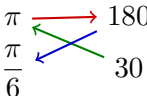
$$\frac{5 \cdot 180}{\pi} = 286.45^\circ$$

5 radians équivalent à 286.45 degrés.

### Exemple 1.2 Combien valent 30 degrés en radians ?

radians      degrés

$\pi$       180  
 $\frac{\pi}{6}$       30

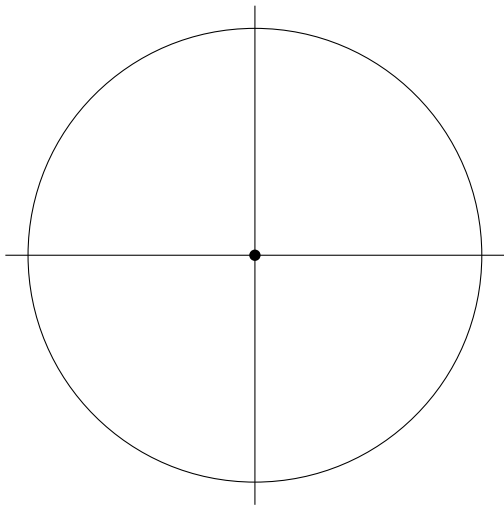


$$\frac{30 \cdot \pi}{180} = \frac{\pi}{6} \text{ radians}$$

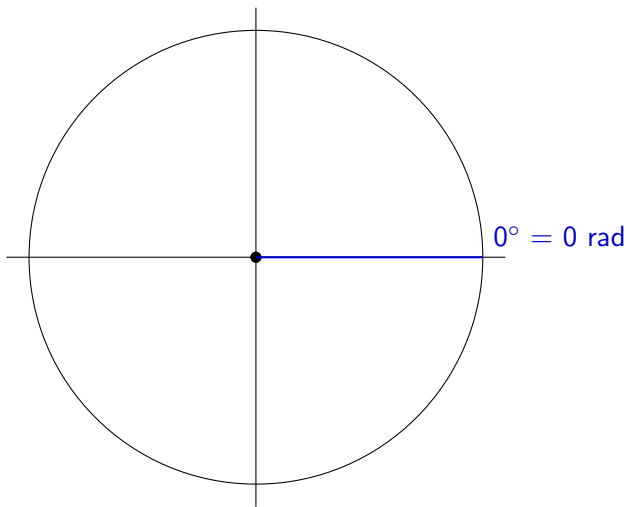
30 degrés équivalent à  $\frac{\pi}{6}$  radians.



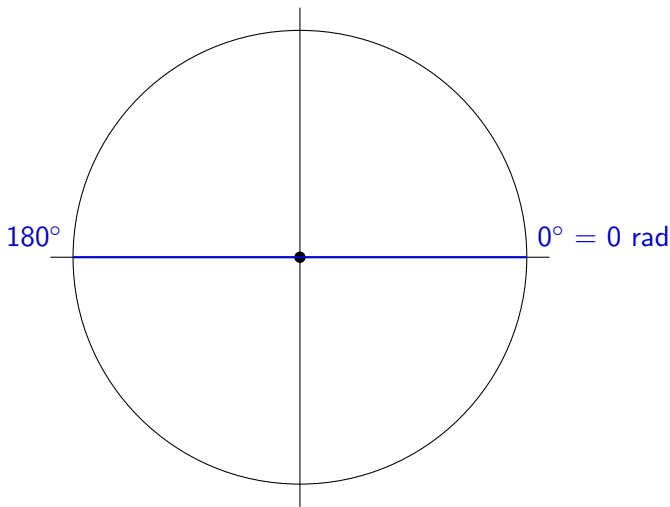
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



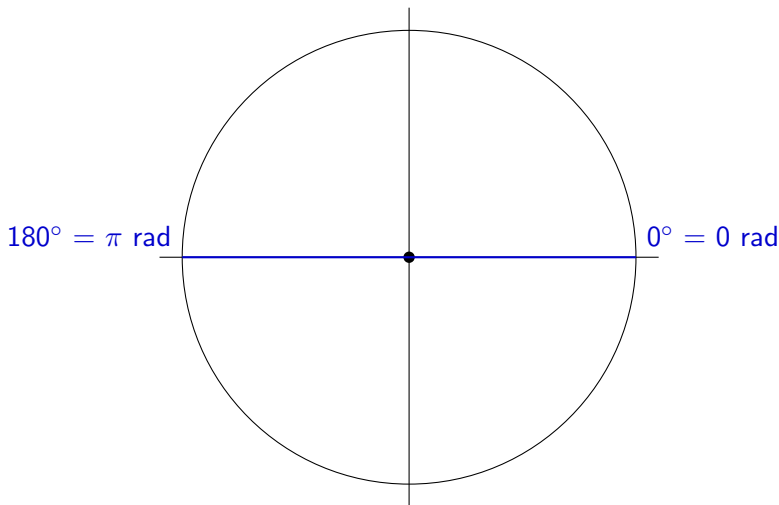
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



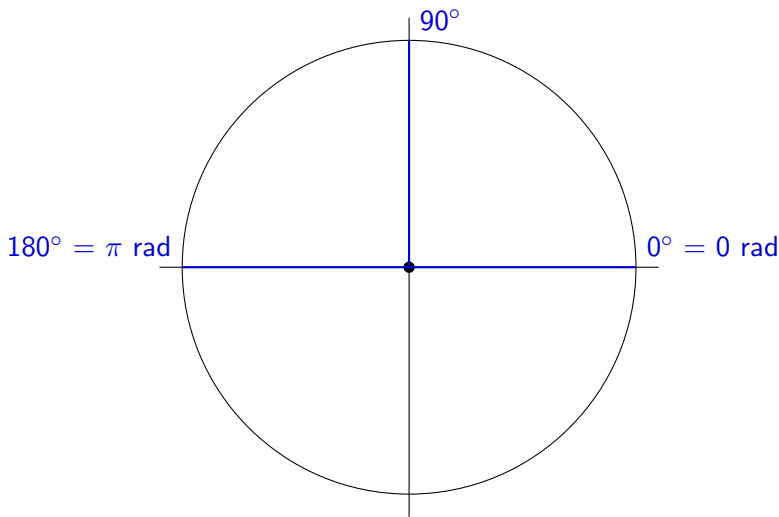
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



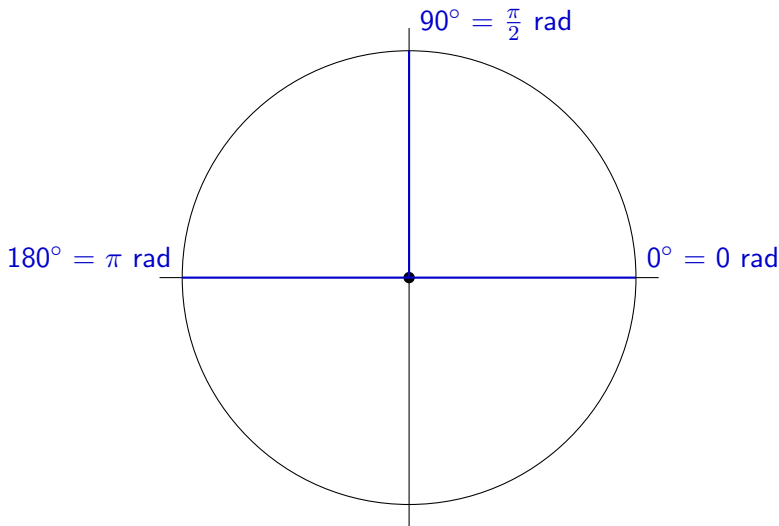
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



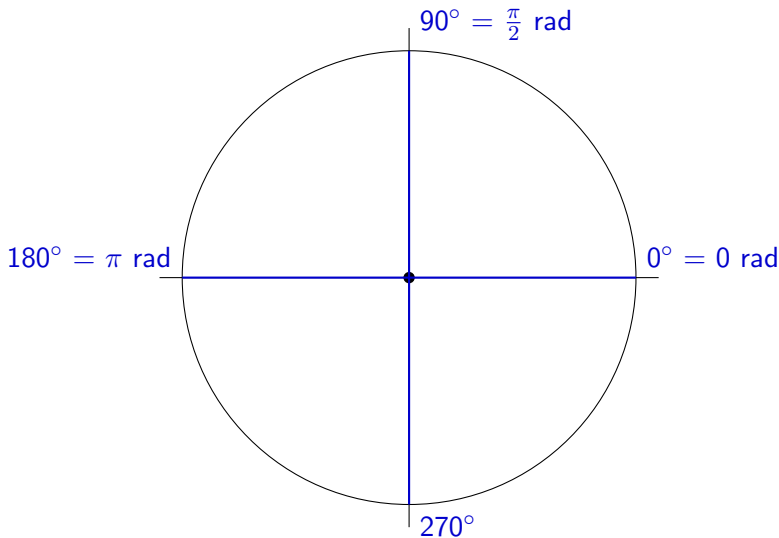
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



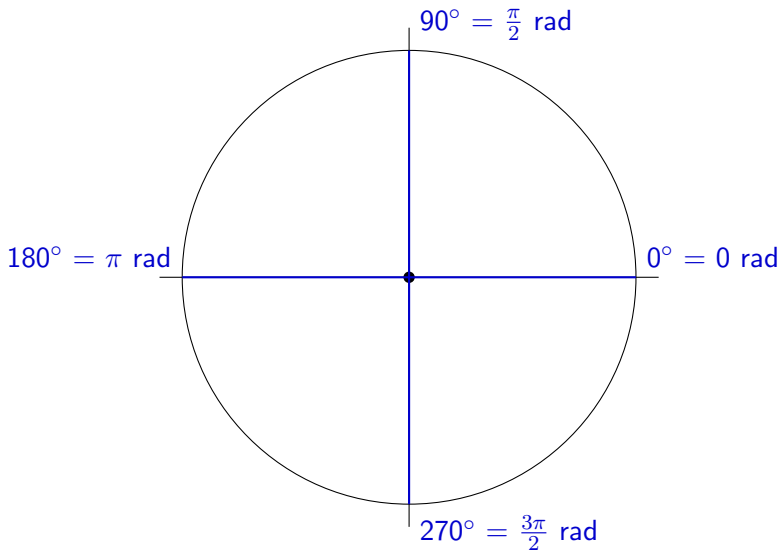
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.

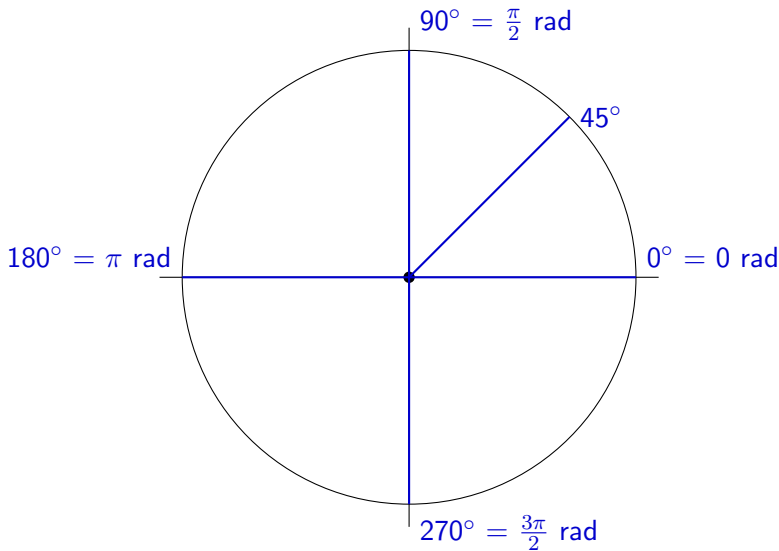


Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.

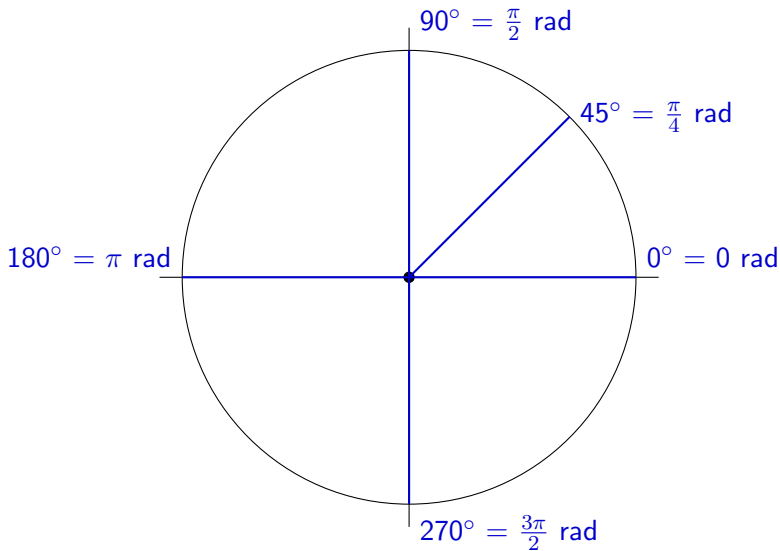




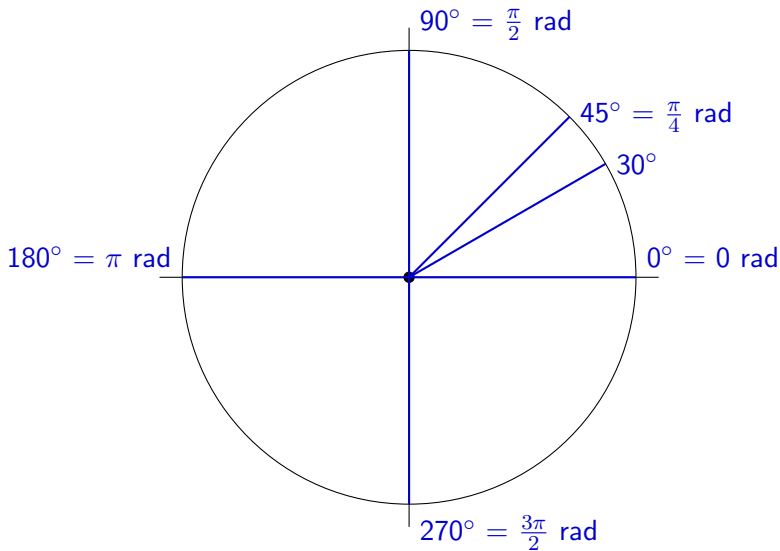
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



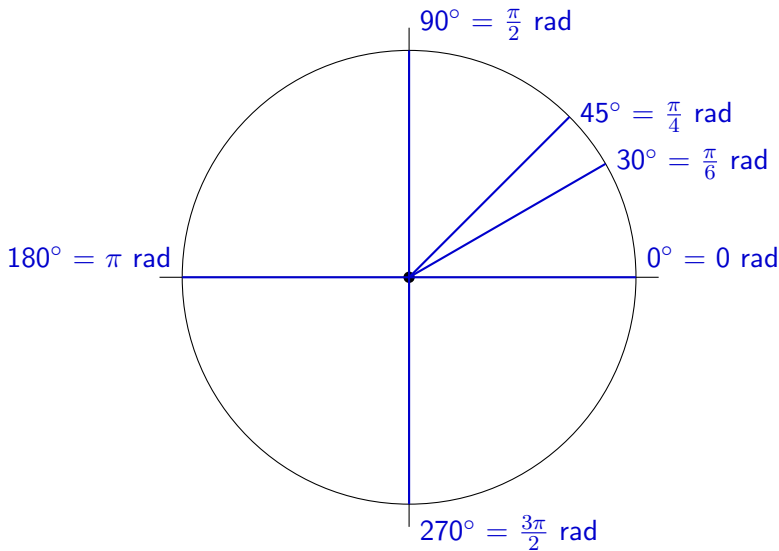
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



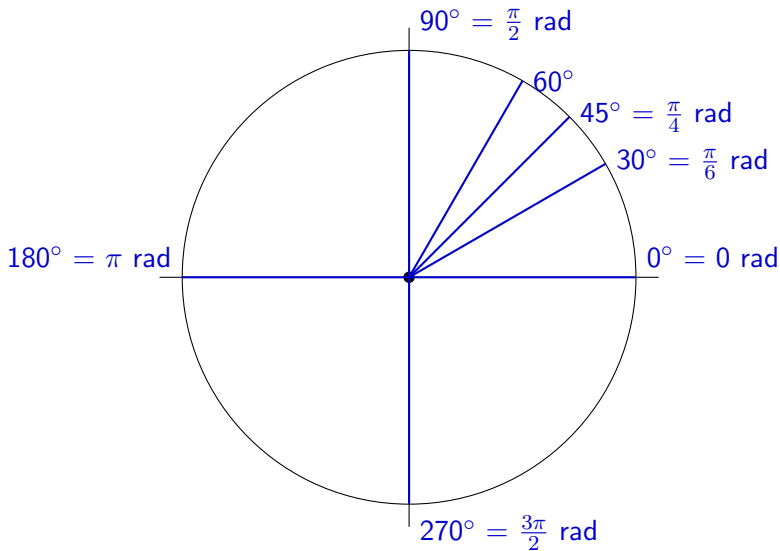
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



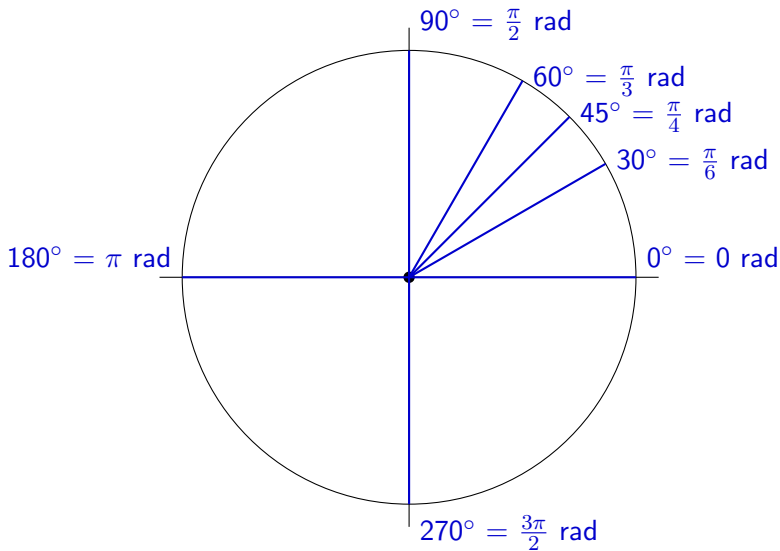
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



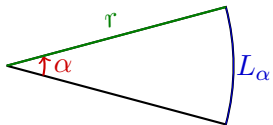
Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



Exemple 1.3 Placer les angles  $0^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $90^\circ$ ,  $270^\circ$ ,  $45^\circ$ ,  $30^\circ$  et  $60^\circ$  sur le cercle suivant. Calculer la valeur de ces angles en radians.



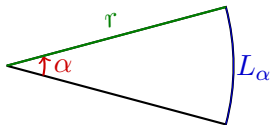
## Formule de la longueur d'arc



La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

## Formule de la longueur d'arc



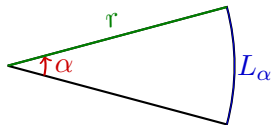
La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !



## Formule de la longueur d'arc

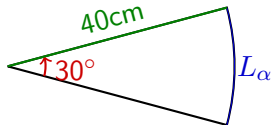


La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

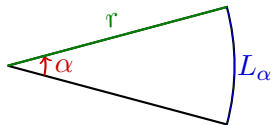
$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.



## Formule de la longueur d'arc



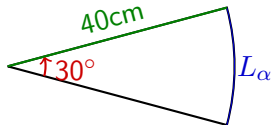
La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

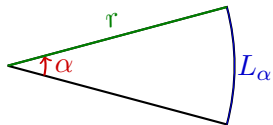
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

Angle en radians :  $\alpha = 30^\circ$  .



## Formule de la longueur d'arc



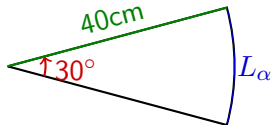
La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

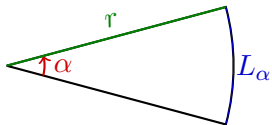
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} .$$



## Formule de la longueur d'arc



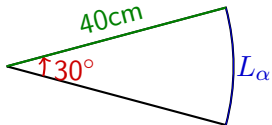
La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

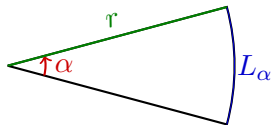
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} = \frac{\pi}{6}.$$



## Formule de la longueur d'arc



La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

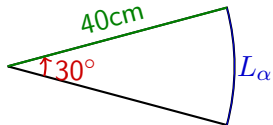
$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

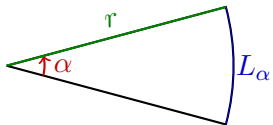
$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} = \frac{\pi}{6}.$$

On a :



$L_\alpha$

## Formule de la longueur d'arc



La **longueur d'arc**  $L_\alpha$  interceptée par un **angle de**  $\alpha$  sur un cercle de **rayon**  $r$  est donnée par

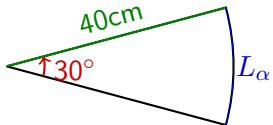
$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

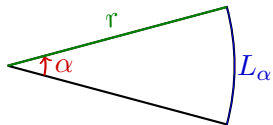
$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} = \frac{\pi}{6}.$$

On a :



$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

## Formule de la longueur d'arc



La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

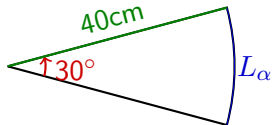
$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

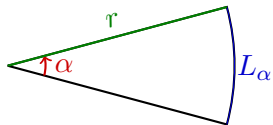
$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} = \frac{\pi}{6}.$$

On a :



$$\begin{aligned} \mathcal{L}_\alpha &= r \cdot \alpha \\ &= 40 \cdot \frac{\pi}{6} \end{aligned}$$

## Formule de la longueur d'arc



La longueur d'arc  $L_\alpha$  interceptée par un angle de  $\alpha$  sur un cercle de rayon  $r$  est donnée par

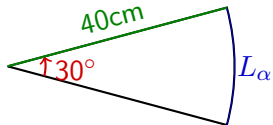
$$L_\alpha = r \cdot \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.4 Trouver la longueur  $L_\alpha$  sur la figure ci-dessous.

$$\text{Angle en radians : } \alpha = 30^\circ = \frac{30\pi}{180} = \frac{\pi}{6}.$$

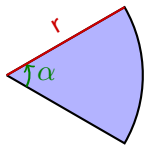
On a :



$$\begin{aligned} \mathcal{L}_\alpha &= r \cdot \alpha \\ &= 40 \cdot \frac{\pi}{6} = \frac{20\pi}{3} \end{aligned}$$



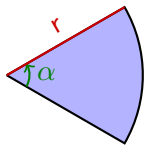
## Formule de l'aire d'un secteur



L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

## Formule de l'aire d'un secteur

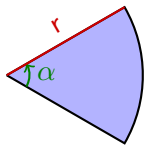


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

## Formule de l'aire d'un secteur

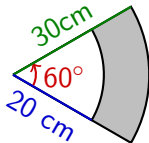


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

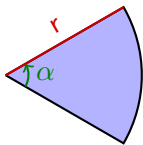
$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.



## Formule de l'aire d'un secteur



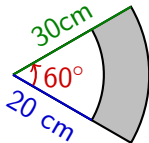
L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

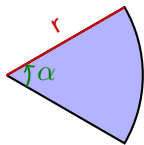
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

Angle en radians :  $\alpha = 60^{\circ}$  .



## Formule de l'aire d'un secteur



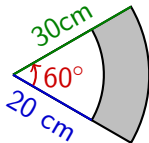
L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

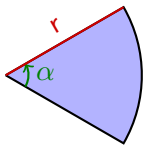
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} \quad .$$



## Formule de l'aire d'un secteur



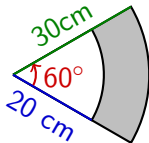
L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

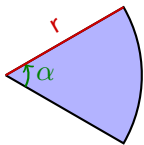
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}.$$



## Formule de l'aire d'un secteur



L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

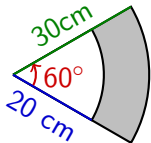
Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

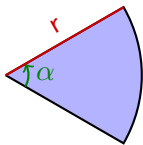
$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}.$$

On a :

$\mathcal{A}$



## Formule de l'aire d'un secteur

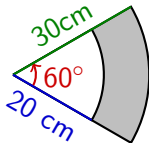


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.



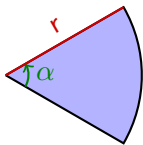
Angle en radians :  $\alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}$ .

On a :

$$\mathcal{A} = \frac{1}{2} \cdot 30^2 \cdot \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot 20^2 \cdot \frac{\pi}{3}$$



## Formule de l'aire d'un secteur

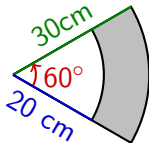


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

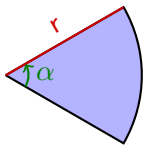


$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}.$$

On a :

$$\begin{aligned} \mathcal{A} &= \frac{1}{2} \cdot 30^2 \cdot \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot 20^2 \cdot \frac{\pi}{3} \\ &= \frac{\pi}{6} (900 - 400) \end{aligned}$$

## Formule de l'aire d'un secteur

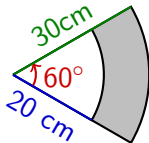


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.

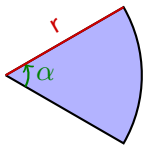


$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}.$$

On a :

$$\begin{aligned} \mathcal{A} &= \frac{1}{2} \cdot 30^2 \cdot \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot 20^2 \cdot \frac{\pi}{3} \\ &= \frac{\pi}{6} (900 - 400) = \frac{500\pi}{6} \end{aligned}$$

## Formule de l'aire d'un secteur

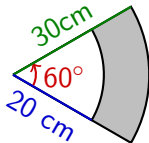


L'aire du secteur défini par l'angle  $\alpha$  est donnée par :

$$S_{\alpha} = \frac{1}{2} r^2 \alpha$$

Cette formule n'est valable que si l'angle est en radians !

Exemple 1.5 Trouver l'aire de la partie grisée sur la figure ci-dessous.



$$\text{Angle en radians : } \alpha = 60^{\circ} = \frac{60\pi}{180} = \frac{\pi}{3}.$$

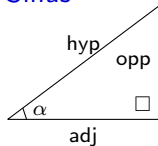
On a :

$$\begin{aligned} \mathcal{A} &= \frac{1}{2} \cdot 30^2 \cdot \frac{\pi}{3} - \frac{1}{2} \cdot 20^2 \cdot \frac{\pi}{3} \\ &= \frac{\pi}{6} (900 - 400) = \frac{500\pi}{6} = \frac{250\pi}{3} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

## 2. Triangles rectangles

On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

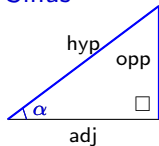
Sinus



## 2. Triangles rectangles

On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

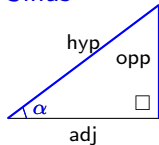
Sinus



## 2. Triangles rectangles

On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus

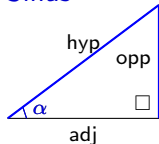


$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

## 2. Triangles rectangles

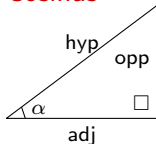
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

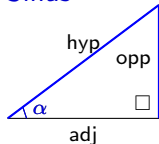
Cosinus



## 2. Triangles rectangles

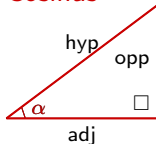
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

Cosinus

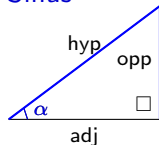




## 2. Triangles rectangles

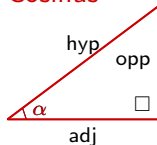
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

Cosinus

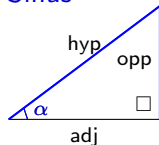


$$\cos(\alpha) = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}}$$

## 2. Triangles rectangles

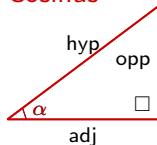
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



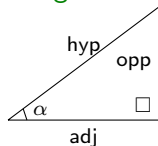
$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

Cosinus



$$\cos(\alpha) = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}}$$

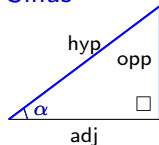
Tangente



## 2. Triangles rectangles

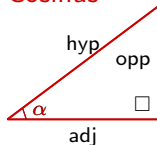
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



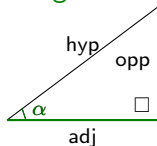
$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

Cosinus



$$\cos(\alpha) = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}}$$

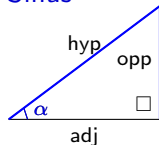
Tangente



## 2. Triangles rectangles

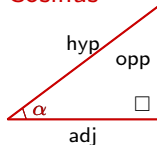
On définit les fonctions trigonométriques suivantes :

Sinus



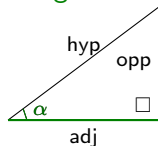
$$\sin(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{hyp}}$$

Cosinus



$$\cos(\alpha) = \frac{\text{adj}}{\text{hyp}}$$

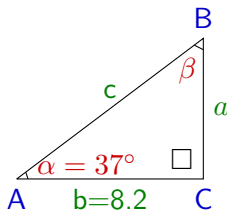
Tangente



$$\tan(\alpha) = \frac{\text{opp}}{\text{adj}}$$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .

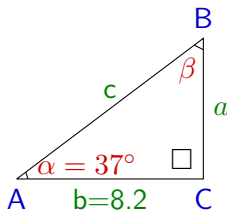
Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



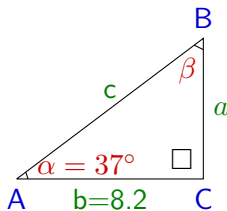
Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

$$\beta =$$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

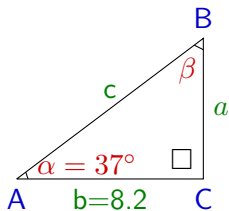
$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 =$$



Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



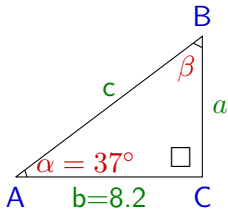
Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

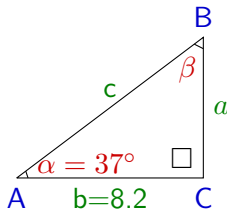
$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

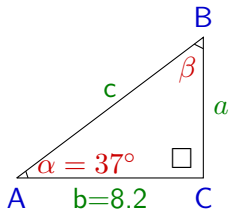
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b}$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

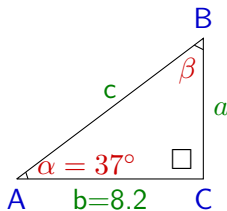
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2}$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

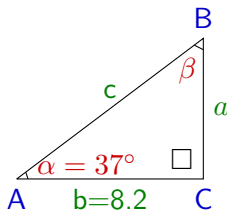
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ)$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

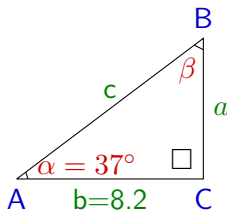
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

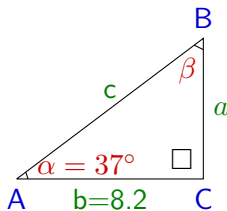
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c}$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

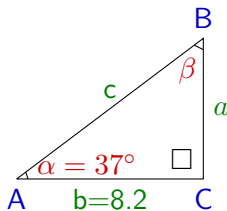
$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c} \Rightarrow \cos(37^\circ) = \frac{8.2}{c}$



Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

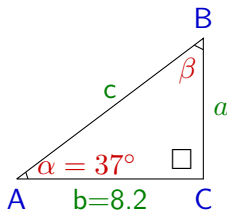
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c} \Rightarrow \cos(37^\circ) = \frac{8.2}{c} \Rightarrow c = \frac{8.2}{\cos(37^\circ)}$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

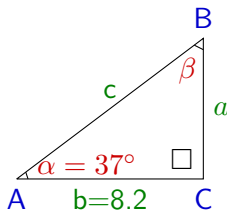
On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c} \Rightarrow \cos(37^\circ) = \frac{8.2}{c} \Rightarrow c = \frac{8.2}{\cos(37^\circ)} \approx 10.3$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

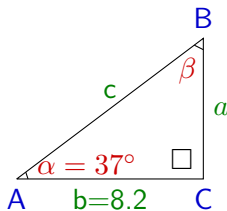
$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c} \Rightarrow \cos(37^\circ) = \frac{8.2}{c} \Rightarrow c = \frac{8.2}{\cos(37^\circ)} \approx 10.3$

Pour l'aire :  $\sigma = \frac{b \cdot a}{2}$

Exemple 2.1 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $b = 8.2$  et l'angle  $\alpha = 37^\circ$ .



Rappel La somme des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$  et son aire

$$\sigma = \frac{\text{base} \cdot \text{hauteur}}{2}$$

On a

$$\beta = 180 - 90 - 37 = 53^\circ$$

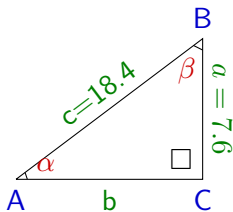
Pour les côtés :

- $\tan(\alpha) = \frac{a}{b} \Rightarrow \tan(37^\circ) = \frac{a}{8.2} \Rightarrow a = 8.2 \cdot \tan(37^\circ) \approx 6.2$
- $\cos(\alpha) = \frac{b}{c} \Rightarrow \cos(37^\circ) = \frac{8.2}{c} \Rightarrow c = \frac{8.2}{\cos(37^\circ)} \approx 10.3$

Pour l'aire :  $\sigma = \frac{b \cdot a}{2} \approx \frac{8.2 \cdot 6.2}{2} = 25.3$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .

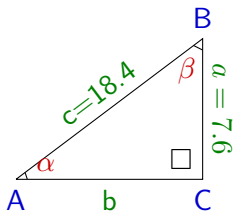
Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



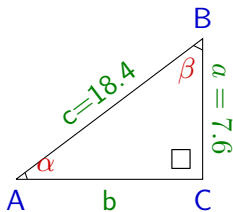
Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$b$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

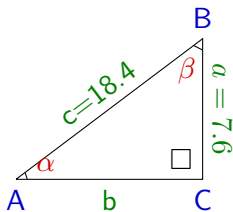
$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2}$$



Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



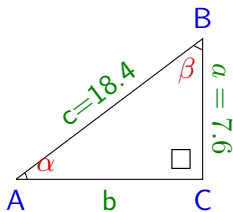
Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2}$$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



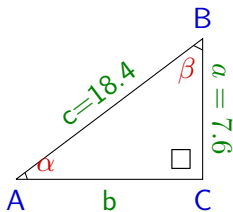
Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

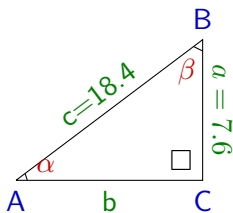
$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

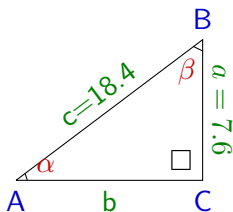
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c}$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

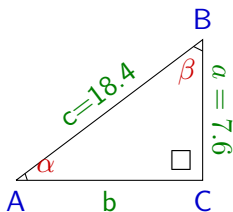
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4}$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

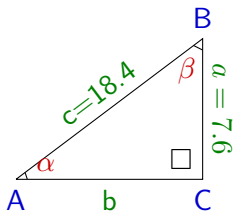
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right)$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

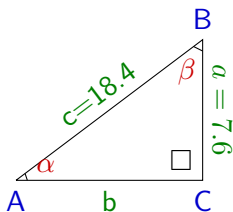
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

$$\bullet \sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

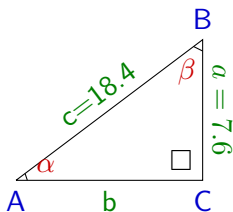
$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$
- $\beta$



Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

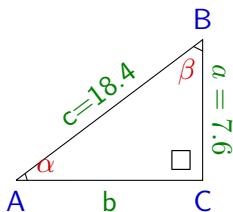
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$
- $\beta = 180 - 90 - 24.4$  .

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

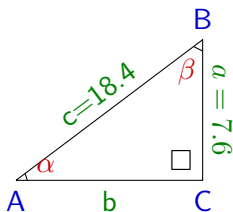
On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$
- $\beta = 180 - 90 - 24.4 \approx 65.6^\circ$ .

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

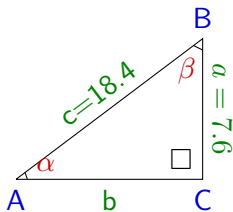
$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$
- $\beta = 180 - 90 - 24.4 \approx 65.6^\circ$ .

Pour l'aire :  $\sigma = \frac{b \cdot a}{2}$

Exemple 2.2 Résoudre le triangle rectangle dont on donne le côté  $a = 7.6$  et l'hypothénuse  $c = 18.4$ .



Rappel Théorème de Pythagore

$$a^2 + b^2 = c^2$$

On a

$$b = \sqrt{c^2 - a^2} = \sqrt{18.4^2 - 7.6^2} \approx 16.8$$

Pour les angles :

- $\sin(\alpha) = \frac{a}{c} = \frac{7.6}{18.4} \Rightarrow \alpha = \sin^{-1}\left(\frac{7.6}{18.4}\right) \approx 24.4^\circ$
- $\beta = 180 - 90 - 24.4 \approx 65.6^\circ$ .

Pour l'aire :  $\sigma = \frac{b \cdot a}{2} = \frac{16.8 \cdot 7.6}{2} \approx 6.7$